

farà tutto il rettangolo $C I$ eguale allo spazio parabolico $C A B D$; il che ec.

PROPOSIZIONE VIII.

Ritrovare in un canale inclinato la media velocità di qualsivoglia perpendicolare.

Sia nel canale inclinato la sezione B con l'altezza $B C$, bisogna *Fig. 17.* trovare la media velocità della perpendicolare $B C$.

Si descriva la parabola, che sia la misura delle velocità della perpendicolare $B C$, e tirate le semiordinate $B E$, $C H$, si faccia il rettangolo $B F$ eguale allo spazio parabolico $B C H E$, il lato del quale $F I$ segnerà la parabola in qualche punto G ; e per G si conduca $G K$ semiordinata all'asse $B D$, che seghi il medesimo asse nel punto K : dico nel punto K essere la media velocità ricercata, e la medesima essere espressa dalla linea $K G$. *Prop. 5. di questo.*

Poichè se tutte le parti dell'acqua nella perpendicolare $B C$ scorressero con eguale velocità, è certo, che nel tempo, che C arrivasse ad F , ancora K arriverebbe a G , e B ad I ; laonde il rettangolo $B F$ farebbe il complesso delle velocità della perpendicolare $B C$; ma lo spazio parabolico $B C H E$ è il complesso delle velocità della perpendicolare $B C$, e il rettangolo $B F$ è eguale allo spazio parabolico: adunque il complesso delle velocità è eguale, o scorra l'acqua con una sola, e uniforme velocità $K G$, ovvero con ineguali $B E$, $C H$ ec.: adunque dalle cose dimostrate nel primo libro ancora le quantità dell'acqua farebbero eguali, e conseguentemente $K G$ farà media velocità. *Prop. 1. di questo.*

Altrimenti.

Perchè il rettangolo $B F$ è eguale allo spazio parabolico $B C H E$, cavata la porzione comune $C H G I B$, rimarrà il trilineo $H G F$ eguale al trilineo $I G E$; ma la velocità $K G$ supera tutte le minori velocità colle velocità, che possono essere contenute nel trilineo $H G F$; ma è superata dalle maggiori velocità con quella porzione, che si contiene nel trilineo $I E G$: adunque essendo eguali i trilinei, $H G$

Tom. I.

Z.

di tan-